

Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение  
«Средняя школа № 3 с углубленным изучением отдельных предметов г. Котово» Котовского  
муниципального района Волгоградской области

РАССМОТРЕНО

на заседании

педагогического совета

МБОУ СШ №3 г. Котово

Протокол  
от 30.08.2024г.  
№1

СОГЛАСОВАНО

Заместитель директора по УВР

 Е.П.Кузнецова

30.08.2024г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор МБОУ СШ №3  
г.Котово

 Е.А. Кузнецова  
Приказ от 30.08.2024г. №81

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 333742)

**учебного предмета «Геометрия. Углубленный уровень»**

для обучающихся 11 класса

Белошапкина Елена Вячеславовна  
учитель первой категории  
МБОУ СШ №3 г

г.Котово 2024год

# **1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотическое воспитание:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственное воспитание:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетическое воспитание:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физическое воспитание:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудовое воспитание:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

### **7) экологическое воспитание:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

### **8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

## **Познавательные универсальные учебные действия**

### **Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;

- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

## СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

### 11 КЛАСС

#### Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

### **Движения в пространстве**

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

**11 КЛАСС**

<b>№ п/п</b>	<b>Наименование разделов и тем программы</b>	<b>Количество часов</b>		
		<b>Всего</b>	<b>Контрольные работы</b>	<b>Практические работы</b>
1	Аналитическая геометрия	15	1	
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1	
3	Объём многогранника	17	1	
4	Тела вращения	24	1	
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1	
6	Движения	5	1	
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	2	
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>102</b>	<b>8</b>	<b>0</b>

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**11 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1
7	Векторное произведение	1
8	Линейные неравенства, линейное программирование	1
9	Линейные неравенства, линейное программирование	1
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1
12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах	1
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1
16	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1
17	Сечения многогранников: метод следов	1
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1
23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах	1
24	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1
25	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1

27	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1
29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1
31	Объём тела. Объем прямоугольного параллелепипеда	1
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1
33	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда	1
34	Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда	1
35	Объём прямой призмы	1
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы	1
37	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы	1
38	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы	1
39	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды	1
40	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1
41	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1
42	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы	1
43	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды	1
44	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы	1
45	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды	1
46	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	1
47	Контрольная работа "Объём многогранника"	1
48	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1
52	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов	1
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1

55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1
57	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1
59	Сфера и шар	1
60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1
63	Симметрия сферы и шара	1
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подобия	1
68	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1
69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1
71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1
72	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра	1
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1
78	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел	1
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1

80	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1
81	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1
84	Геометрические задачи на применение движения	1
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1
86	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1
87	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1
89	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1
93	Итоговая контрольная работа	1
94	Итоговая контрольная работа	1
95	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1
97	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1
98	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1
99	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1
100	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1
101	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1

102	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102